

la forma

$$x^2 + y^2 + Kz = W$$

Affinchè dunque un piano dato

tocchi quella superficie, bisogna che dalle equazioni

$$\frac{la^2}{x^2} - \frac{mb^2}{y^2} - \frac{ne^2}{z^2} - K = 0$$

dove k è un'indeterminata, si cavino per x, y, z dei valori che soddisfacciano all'equazione della superficie. Ora dalle equazioni precedenti si cava

per cui sostituendo nell'equazione della superficie si

avrà l'equazione

$$(4) \quad a^2/x^2 + b^2/y^2 + c^2/z^2 + K = 0$$

quale condizione del contatto fra la superficie stessa ed il piano. Se quindi si considera il piano rappresentato dall'equazione

il quale passa per il vertice D del tetraedro, la condizione del suo contatto colla superficie sarà

$$a^2/x^2 + b^2/y^2 + c^2/z^2 + K = 0.$$

Se ora si cerca l'involuppo del piano anzidetto nell'ipotesi che le a, b, c, p, q, r siano legate dall'equazione precedente, facilmente si trova ch'esso è la superficie conica di 2° ordine rappresentata dall'equazione

$$\frac{a^2}{x^2} + \frac{b^2}{y^2} + \frac{c^2}{z^2} - \frac{n}{p^2} = 0$$

Dunque i quattro coni aventi il vertice nei quattro vertici A, B, C, D del tetraedro ed involuppati la superficie di terz'ordine

$$OC = \frac{a^2}{x^2} + \frac{b^2}{y^2} + \frac{c^2}{z^2} - \frac{n}{p^2} = 0$$